

« In tutto il campo reale che abbiamo definito, il valore di  $ds$  dato dall'equazione (i) resta sempre positivo per ogni sistema di valori dei rapporti

$$dx_1 : dx_2 : \dots : dx_n.$$

« Se si considera un secondo sistema di incrementi  $S^1, S^2, \dots, S^n$  e si pone

« l'espressione

$$S^1 (S^{22} + S^{33} + \dots + S^{nn}) + S^2 (S^{12} + S^{33} + \dots + S^{nn}) + \dots + S^n (S^{12} + S^{22} + \dots + S^{nn})$$

« non può mai divenir negativa (in virtù di una trasformazione ben nota, di cui essa è « suscettibile) : per conseguenza la quantità

« non può mai superare l'unità. Si può dunque assegnare sempre un angolo reale  $\theta_3$  pel « quale si abbia

$$O) \quad S^1 \cos \theta_3 + S^2 \sin \theta_3 + \dots + S^n \sin \theta_n = 1$$

« Da questa possibilità risulta l'importante conseguenza che, calcolando col mezzo «dell'equazione (i) i tre valori di  $ds$  corrispondenti ai seguenti tre sistemi di valori « delle variabili, considerati a due a due :

$$(S^1, S^2, \dots, S^n)$$

$$(S^1, S^2, \dots, S^n)$$

« si trovano tre numeri atti ad esprimere le lunghezze dei tre lati di un triangolo rettilineo. Si indichino infatti con  $M, M', M''$  gli anzidetti tre sistemi di valori, e si rappresenti  $ds$  con  $M, M', M''$  con  $MM''$ . I valori del sistema  $M''$  si possono dedurre

1